

Problemi za vežbu sa iterativnim rešenjem (18.03.2019.g.):

Problem: Na osnovu zadatog niza X od n brojeva formirati niz A takav da je A[i] srednja vrednost elemenata X[1], X[2], , X[i] za i = 1,2,....., n. Napisati pseudo kod algoritma koji rešava ovaj problem i izvršiti analizu vremenske složenosti tog algoritma.

$$A[i] = \frac{\sum_{j=1}^i X[j]}{i}$$

Rešenje:

```
// Ulaz: Niz X od n elemenata
// Izlaz: Niz A od n elemenata, A[i] je srednja vrednost elemenata X[1],..,X[i]

algorithm sredv1 (X, n)

    for i = 1 to n do
        a = 0;
        for j = 1 to i do
            a = a + X[i];
        A[i] = a/i;
    return A;
```

```
// Ulaz: Niz X od n elemenata  
// Izlaz: Niz A od n elemenata, A[i] je srednja vrednost elemenata X[1],..,X[i]  
algorithm sredv2 (X, n)  
  
    s = 0;  
  
    for i = 1 to n do  
  
        s = s + X[i];  
  
        A[i] = s/i;  
  
    return A;
```

Problem: Neka je dat niz a od n elemenata koji predstavljaju koeficijente polinoma n-1 stepena.

$$P_{n-1}(x) = a[0] + a[1]x + a[2]x^2 + a[3]x^3 + \cdots + a[n-1]x^{n-1}$$

Za datu vrednost x, primenom Hornerov-og pravila izračunati vrednost polinoma $P_{n-1}(x)$. Napisati iterativni algoritam u formi pseudo koda i izvršiti analizu vremenske složenosti.

Rešenje:

```
// Ulaz: vrednost promenljive x, polinom p  
// Izlaz: rezultat evaluacije polinoma p Horner-ovim pravilom  
algorithm eval(x, a,n)  
if (n == 0) then  
    return 0;      // Polinom je prazan  
else  
    rezultat = a[n];  
    for i = n-1 downto 1 do  
        rezultat = rezultat * x + a[i];  
return rezultat;
```

Problem: Izračunavanja uslovnog zbir određenih elemenata datog niza:

Ulaz: Broj n, broj K, niz a od n neuređenih brojeva a_1, a_2, \dots, a_n .

Izlaz: Zbir minimalne i maksimalne vrednosti elemenata niza a ako je razlika između njih veća od K, inače 0.

- a) Navedite nekoliko instanci ovog problema.
- b) Napišite iterativni algoritam kojim se rešava navedeni problem i izvršiti analizu njegove vremenske složenosti.

Problem: Izračunavanja faktorijela celog nenegativnog broja n ($n \geq 0$). Opisati rečima iterativno algoritamsko rešenje a zatim navesti algoritam u formi pseudo koda.

Rešenje:

```
// Ulaz: n ≥ 1
// Izlaz: n-ti broj Fibonačijevog niza
algorithm fib1(n)

    x = 1; y = 1; z = 1;
    for i = 3 to n do
        z = x + y;
        x = y;
        y = z;

    return z;
```